

---

ΤΑΞΗ Β  
ΘΕΤΙΚΗ ΚΑΙ ΤΕΧΝΟΛΟΓΙΚΗ ΚΑΤΕΤΘΥΝΣΗ  
Διαγώνισμα στις Κωνικές Τομές  
ΣΧΟΛΙΚΟ ΕΤΟΣ 2004-2005  
Καθηγητής: Ν.Σ. Μαυρογιάννης

---

ZHTHMA 1

Έστω η υπερβολή

$$x^2 - y^2 = 4$$

1. Να βρείτε τις εστίες, την εκκεντρότητα και τις ασύμπτωτες της.
2. Να βρείτε εφαπτομένη της που διέρχεται από το σημείο  $P(2\sqrt{5}, 6)$ .

ZHTHMA 2

Έστω η παραβολή  $y^2 = 2px$  και το σημείο της  $A(x_1, y_1)$ .

1. Έστω η εφαπτομένη της ε στο  $A$ . Να αποδείξετε ότι αν η ευθεία  $OA$  τέμνει τη διευθετούσα της παραβολής στο σημείο  $B$  τότε  $BE//ε$  ( $E$  είναι η εστία της παραβολής).
2. Έστω  $\Gamma, \Delta$ , οι προβολές των  $A, B$  στον άξονα  $x'x$ . Να αποδείξετε ότι  $(\Delta\Gamma) = (AE)$ .

---

ZHTHMA 1,1: Σχολικό βιβλίο A2 ii) σελ. 123

ZHTHMA 2,1: Σχολικό βιβλίο B5 σελ. 100